答 (1) 43

(2) 209, 262, 315

解説 (1) カード A を \square 枚、カード B を \triangle 枚取り出したとすると、 $\square + \triangle = 32$ です。また、カード A に 書かれた小数 1.07 の小数部分が 0.07、カード B に書かれた小数 2.13 の小数部分が 0.13 であること から、32 枚に書かれた数の合計の小数部分が 0.78 となるためには、

$$0.07 \times \square + 0.13 \times \bigwedge$$
 の小数部分が 0.78 である

必要があります。これは、100倍して考えると、

$$7 \times \square + 13 \times \bigwedge \mathcal{O}$$
 下 2 桁が 78 である

ということであり、面積図で考えると、右に描いた2個の長方形の面積の和の下2桁が78になるということです。2個の長方形の面積の和は、

$$7 \times 32 = 224$$
 より大きく $13 \times 32 = 416$ より小さい

ので、下2桁が78である数としては278と378が考えられます。

① 2個の長方形の面積の和が278であるとすると,つるかめ算の 考え方で,

$$\triangle = (278 - 7 \times 32) \div (13 - 7) = 54 \div 6 = 9 \text{ }$$

さらに、 $\square = 32 - 9 = 23$ 枚と求まるので、32 枚のカードに書かれた数の合計は

$$1.07 \times 23 + 2.13 \times 9 = 24.61 + 19.17 = 43.78$$

小数部分は確かに 0.78 になっています。整数部分は 43 と求まります。

② 2個の長方形の面積の和が378であるとすると, つるかめ算の 考え方で,

$$\triangle = (378 - 7 \times 32) \div (13 - 7) = 154 \div 6 = 25\frac{2}{3}$$

となりますが、枚数 \triangle は整数でなければならないので、これは答えにはなりません。

(2) カード A を \square 枚、カード B を \triangle 枚取り出したとすると、 \square + \triangle = 160 です。 (1) と同様に考えると、160 枚に書かれた数の合計の小数部分が 0.36 となるためには、

$$0.07 \times \square + 0.13 \times \bigwedge$$
の小数部分が 0.36 である

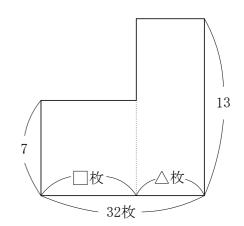
必要があります。これは、100倍して考えると、

$$7 \times \square + 13 \times \bigwedge$$
の下2桁が36である

ということです。また、 $7 \times \square + 13 \times \bigwedge$ を計算した答えは

$$7 \times 160 = 1120$$
 より大きく $13 \times 160 = 2080$ より小さい

ことも, (1) と同様にして分かります。



1120より大きく2080より小さい,下2 桁が36 である整数としては,

1136, 1236, 1336, 1436, 1536, 1636, 1736, 1836, 1936, 2036

が考えられます。このうち1つを選んでからつるかめ算の考え方で △を求めるには、

 $7 \times 160 = 1120$ を引いてから 13 - 7 = 6 で割る

必要があるのですが、6で割った商が整数になる場合とならない場合とがあって、答えに用いられるのは整数になる場合だけです。そこで最初に、1136, 1236, \dots , 1936, 2036 のそれぞれから 1120 を引いた差を並べて書くと、

16, 116, 216, 316, 416, 516, 616, 716, 816, 916

となります。この中から6の倍数,つまり,偶数であり3の倍数である数を見つけます。いま並べた数は全て偶数なので,各位の数の和が3の倍数になるかどうかチェックすると,2+1+6=9,5+1+6=12,8+1+6=15が3の倍数になり,216,516,816が6で割り切れると分かります。

① $7 \times \square + 13 \times \triangle - 1120 = 216$ とすると, $\triangle = 216 \div 6 = 36$ なので, $\square = 160 - 36 = 124$ と なって、160 枚のカードに書かれた数の合計は

$$1.07 \times 124 + 2.13 \times 36 = 209.36$$

整数部分は209と求まります。

② $7 \times \square + 13 \times \triangle - 1120 = 516$ とすると、 $\triangle = 516 \div 6 = 86$ なので、 $\square = 160 - 86 = 74$ と なって、160 枚のカードに書かれた数の合計は

$$1.07 \times 74 + 2.13 \times 86 = 262.36$$

整数部分は262と求まります。

③ $7 \times \square + 13 \times \triangle - 1120 = 816$ とすると, $\triangle = 816 \div 6 = 136$ なので, $\square = 160 - 136 = 24$ と なって, 160 枚のカードに書かれた数の合計は

$$1.07 \times 24 + 2.13 \times 136 = 315.36$$

整数部分は315と求まります。

以上より、209、262、315が答えになります。