答 (1) 75(回)

- (2) A, B, C, E
- $(3) 12 (\square)$

解説 与えられたランプのスイッチの押し方には,

$$[\quad A \to B \to C \to D \to E \to D \to C \to B \to \quad]$$

という、8回押すごとの周期が見つかります。

(1) 1周期でCのランプのスイッチは2度押されています。1度目に押したときに点灯して,2度目に押したときに消灯することをくり返しています。そのため,Cのランプが10回目に点灯するのは,10周期目に2度押される内の,1度目であることが分かります。

9周期で $8 \times 9 = 72$ 回と,あと3回押せば良いので,求める回数は72 + 3 = 75 (回) です。

- (2) $150 \div 8 = 18$ あまり 6 なので、18 周期くり返された後、 $A \to B \to C \to D \to E \to D$ の順に押しています。そこで、各ランプについて、スイッチを押された回数の合計を計算すると
 - Aのランプ 18+1=19 回
 - Bのランプ $2 \times 18 + 1 = 37 回$
 - Cのランプ $2 \times 18 + 1 = 37 回$
 - Dのランプ $2 \times 18 + 2 = 38 回$
 - Eのランプ 18+1=19回

であることが分かります(確かめ: 19 + 37 + 37 + 38 + 19 = 150 O.K.)。 点灯しているランプはスイッチを奇数回押されたランプなので、答えは A, B, C, E です。

(3) ランプのスイッチを8回押した段階で、それぞれのランプのスイッチが押された回数は、

 $A:1 \square$ $B:2 \square$ $C:2 \square$ $D:2 \square$ $E:1 \square$

なので、AとEのランプが点灯しています。そこで、16回(2周期)押せば、

A:2回 B:4回 C:4回 D:4回 E:2回

となって、すべてのランプが消灯していた最初の状態に戻ります。そこで、(3) では16回(2周期)の間に、ランプがどのように点灯し消灯しているかを、調べてみましょう。以下の表で、 \bigcirc は点灯していることを意味しています。

押した回数(回)	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
A のランプ	0	0	0	0	0	0	0	0	•	•	•	•	•	•	•	
Bのランプ	•	0	0	0	0	0	0	•	•	0	0	0	0	0	0	•
Cのランプ	•	•	0	0	0	0	•	•	•	•	0	0	0	0	•	
D のランプ	•	•	•	0	0	•	•	•	•	•	•	0	0	•	•	•
E のランプ	•	•	•	•	0	0	0	0	0	0	0	0	•	•	•	

この表から、点灯しているランプが B と C だけになるのは、16回の中では 14回目の 1回だけであることが分かります。 $200\div 16=12$ あまり 8 なので、上に書いた表全体の点灯と消灯が 12回くり返された後、ランプのスイッチを 8回押すのですから、答えは $1\times 12=12$ (回) と求まります。